

Under den närmaste framföden täcker vi kap. 8-11 i Adams.
 På inriktan av detta blad finns kägelnitt på standardform.
 Elevationer av typ $Ax^2 + Bxy + Cy^2 + Dx + Ey + F = 0$ ger
 kägelnitt och vi kan analysera dem fullständigt.
 Om vi i elevationen för någon kurva i planet ersätter
 x med $x - x_0$ och y med $y - y_0$ motsvarar detta som
 bekant att vår kurva försjänts med vektorn (x_0, y_0) .

On: Demo: I ex. 8 i kap. 8.2 i Adams härleds cykloiden, som r. tas
 av en punkt på periferi av en cirkel, då cirkeln rullar utan
 glidning längs en rät linje. Om linjen är x -axeln, cirkelns
 radie är b (a i ex. 8) då cirkeln rullar ovanpå x -axeln,
 får vi att cykloiden ges på parameterform av

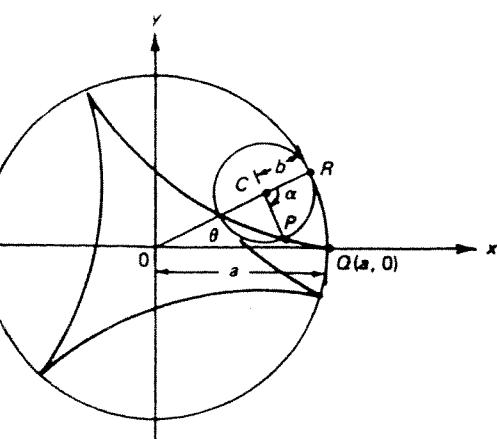
$$(x, y) = (b(t - \sin t), b(1 - \cos t)), t \in \mathbb{R}$$

(Se fig. 8.21, uppl. 4 / fig. 8.22, uppl. 5 / fig. 8.21, uppl. 6).

Vi kommer att härleda elevationen för Hodroiden, kurvan som
 röts av en punkt på avståndet c från mittpunkten hos en cirkel
 med radien b , då cirkeln rullar utan glidning längs en
 rät linje. Om linjen är x -axeln och cirkeln rullar ovanpå den,
 blir elevationen $(x, y) = (bt - c \sin t, b - cc \cos t), t \in \mathbb{R}$,
 ($b = c$ ger cykloiden).

Om en cirkel med radien b rullar
 utan glidning inuti en fix cirkel
 med radien a , kommer en punkt
 på den rullande cirkelns peri-
 feri att röta en hypocykloid
 (och en annan punkt på den
 rullande cirkeln en hypotrochoid).

Om däremot en cirkel med radien b rullar utan glid-
 ning utanpå en fix cirkel med radien a , kommer en punkt
 på den rullande cirkelns periferi att röta en epicykloid
 (och en annan punkt på den rullande cirkeln en
epitrochoid). Vi härleder elevationen för dessa kurvor och
 visar, att astroiden är en hypocykloid och att kardioiden
 (fig. 8.39 / 8.38 / 8.38) är en epicykloid.



(forts. på baksidan)

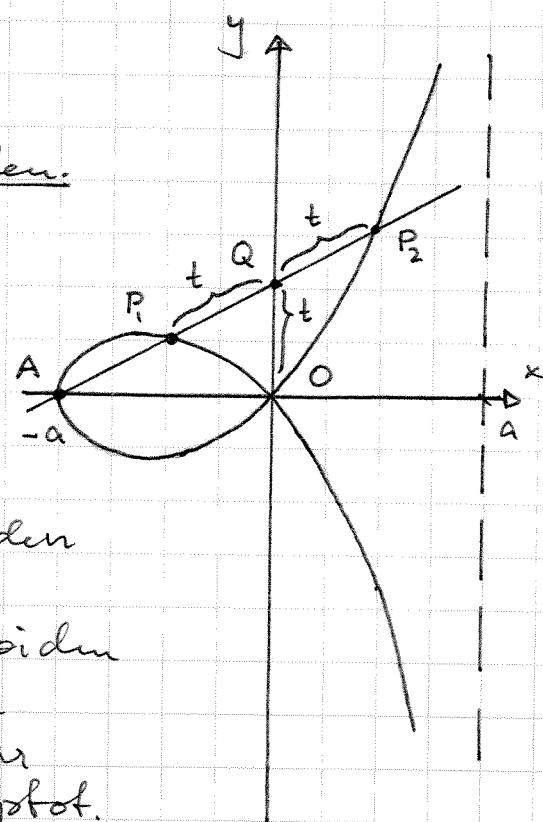
Om tiden tillåter, härleder vi också ekvationen för strofoiden.

Den består av punkten

$A(-a, 0)$ och alla de punkter P med egenskapen att om vi drar en linje genom A ,

som skär y -axeln i punkten Q , så är avstånden $|OQ| = |PQ|$.

Lite eftertanke ger att strofoiden skär sig själv i origo, har hörnviden ± 1 där och har $x=a$ som en vertikal asymptot.



Röta gärna dessa kurvor mha. Matlab eller Mathematica som på datorövningarna i Ch 1.

Vidare kan det också vara intressant att rita några Lissajous-figurer (jmf. med uppg. 8.2.23-26).

Pröva olika värden på m och n och titta vad som händer, om m och n har resp. samma gemensamma faktorer. Pröva också att byta den ena eller bågge av funktionerna sin mot \cos .